

Portail René Descartes : Informatique - Mathématiques - Mécanique - Physique

Arithmétique et raisonnement (mathématiques)

Responsable	Descriptions	Informations
	Code : SLD2U05	Composante : Faculté des Sciences
	Nature : Unité d'enseignement	
	Domaines : Sciences et Technologies	

LANGUE(S) D'ENSEIGNEMENT

Français

Aucune donnée M3C trouvée

POUR PLUS D'INFORMATIONS

[Aller sur le site de l'offre de formation...](#)

CONTENU

- Les nombres entiers. Propriétés des opérations du calcul. Propriétés de l'ordre usuel.
- Principes de démonstration et rédaction de démonstration (raisonnement par récurrence, par l'absurde, démonstration d'équivalences, contraposition, disjonction des cas, etc.). Introduction progressive du langage ensembliste : notion d'ensemble, égalité d'ensembles, inclusion, intersection, union. Lien avec les connecteurs logiques.
- Divisibilité, algorithme d'Euclide, l'identité de Bezout et sa résolution. Lemme de Gauss. Décomposition unique d'un nombre entier comme produit de facteurs premiers, démonstration. Relation de congruence, calcul dans $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$, utilisations diverses.
- Compléments de langage ensembliste : notion de relation, propriétés usuelles, relation d'ordre (exemples de l'ordre usuel, de l'ordre de la divisibilité), relation d'équivalence. Le passage au quotient et comment y penser.
- Écriture décimale pour les nombres entiers et les nombres rationnels, changement de base. Périodicité de l'écriture décimale des nombres rationnels. Lien avec l'ordre de 10 dans $(\mathbb{Z}/n\mathbb{Z})^*$.
- Dénombrement (arrangements, combinaisons, $n!$), démonstration de la formule du binôme.
- Application, injection, surjection, bijection. Ex : ln vs. exp, fonctions trigonométriques réciproques. Interprétation géométrique sur le graphe. Exemples issus de l'arithmétique et du dénombrement.



Dernière modification le 21/06/2024

COMPÉTENCES À ACQUÉRIR

- Comprendre un raisonnement mathématique : en dégager les arguments clef et les étapes et y détecter les défauts éventuels.
- Construire et rédiger un raisonnement mathématique de façon rigoureuse et autonome.
- Comprendre le rôle des objets mathématiques élémentaires dans l'interprétation du langage mathématique.
- Traduire un problème simple en langage mathématique.
- Rédiger en français de façon claire et rigoureuse la solution d'un problème mathématique (exercice, preuve...) et la présenter oralement

MODALITÉS D'ORGANISATION

Cours-td intégrés et travail en demi-groupes

VOLUME HORAIRE

- Volume total: 48 heures
- Cours magistraux: 12 heures
- Travaux dirigés: 36 heures

CODES APOGÉE

- SLD2U05A [ELP]
- SLD2U05L [ELP]
- SLD2U05C [ELP]

M3C